

Sur certaines instances du lemme d'Ihara pour les groupes unitaires

Pascal Boyer

Le classique lemme d'Ihara pour GL_2 admet, conjecturalement, une formulation due à Clozel, Harris et Taylor, en dimension supérieure pour certains groupes unitaires. Cette formulation, dont l'énoncé est relatif au choix d'un idéal maximal \mathfrak{m} d'une algèbre de Hecke, se transpose aisément sur la localisation en \mathfrak{m} de la \mathbb{Z}_ℓ -cohomologie des variétés de Shimura de type Kottwitz-Harris-Taylor.

Modulo des hypothèses supplémentaires sur \mathfrak{m} , l'énoncé repose sur la liberté de la \mathbb{Z}_ℓ -cohomologie des extensions intermédiaires des systèmes locaux construits par Harris et Taylor. Dans cet exposé, nous décrivons la stratégie de la preuve de cette liberté qui repose, essentiellement, sur le fait que les p et p_+ extensions intermédiaires de ces systèmes locaux, coïncident.